# 基于MSVR的六维腕力传感器静态解耦算法

茅晨1高翔1徐国政1宋爱国2

(1. 南京邮电大学自动化学院,南京,210023;2. 东南大学仪器科学与工程学院,南京,210096)

摘 要:针对维间耦合会影响六维腕力传感器测量精度的问题,提出了基于多输出支持向量回归机 (Multi-output support vector regression,MSVR)的解耦算法。以实验室研制的六维腕力传感器为例进 行静态标定实验,使用基于MSVR的解耦算法以及传统的基于最小二乘求解标定矩阵的解耦算法对标 定数据进行处理分析。实验结果表明,本文提出的解耦算法稳定可靠,能有效抑制维间耦合的干扰,具 有较高的解耦精度。

关键词:维间耦合;六维腕力传感器;多输出支持向量回归机;解耦算法 中图分类号:TP212.12 **文献标志码**:A

## Static Decoupling Algorithm of Six-Axis Wrist Force Sensor Based on Multi-output Support Vector Regression

Mao Chen1, Gao Xiang1, Xu Guozheng1, Song Aiguo2

(1. School of Automation, Nanjing University of Posts and Telecommunications, Nanjing, 210023, China; 2. School of Instrument Science and Engineering, Southeast University, Nanjing, 210096, China)

**Abstract:** As the measurement accuracy of six-axis wrist force sensor is affected by interdimensional coupling, a decoupling algorithm based on multi-output support vector regression (MSVR) is proposed. The static calibration experiment is carried out on the six-axis wrist force sensor designed by the lab, and the data processing and analysis are proceeded both on the decoupling algorithm based on MSVR and the traditional decoupling algorithm based on least square theory solving calibration matrix. Experimental results show that the decoupling algorithm proposed in this paper has features of stability, high reliability and high precision, and can effectively inhibit interdimensional coupling interference.

Key words: interdimensional coupling; six-axis wrist force sensor; MSVR; decoupling algorithm

## 引 言

传感器的感知和反馈是机器人智能化的重要手段之一<sup>[1]</sup>。六维腕力传感器安装于机器人手腕和手 爪之间,用于检测机器人手在作业时与所处外界环境的作用力/力矩的大小及方向<sup>[2-4]</sup>。由于结构设计 的原因,六维腕力传感器存在维间耦合的问题,需要采用合适的解耦算法来消除维间耦合,提高传感器 的测量精度。常用的解耦算法有基于最小二乘求解标定矩阵<sup>[5]</sup>、基于神经网络的解耦算法<sup>[6]</sup>等。前者容

**基金项目:**国家自然科学基金 (61305095) 资助项目;江苏重点研发计划 (BE2015701) 资助项目;江苏省自然科学基金 (BK20141426) 资助项目。

#### 茅 晨 等:基于MSVR的六维腕力传感器静态解耦算法

易产生病态矩阵,会导致解耦精度降低甚至导致解耦结果错误<sup>[7]</sup>;后者容易产生局部极小值从而导致过 学习的情况<sup>[8]</sup>。

支持向量回归机(Support vector regression, SVR)是在统计学理论和最优化理论的基础上发展起来的一种机器学习方法,能够实现结构风险最小化,得到全局最优解,同时避免了神经网络中局部最小值、过拟合的问题<sup>[9]</sup>。SVR主要应用在模式识别、回归估计、概率密度函数估计等方面<sup>[10-11]</sup>。对六维腕力传感器进行解耦,即是利用标定的输入输出样本数据对传感器的输出特性进行回归估计的过程。因此,本文提出了基于多输出支持向量回归机(Multi-output support vector regression, MSVR)的六维腕力传感器的解耦算法,并将其应用到实验室研制的六维腕力传感器上。实验结果表明,该算法稳定可靠,能显著提高传感器的测量精度。

## 1 六维腕力传感器的维间耦合及静态标定

## 1.1 耦合模型及解耦

理想的六维腕力传感器,每一方向输出通道的电压 值仅取决于该方向作用力/力矩的大小,与其余五方向作 用力/力矩大小无关。但实际上受传感器的一体化结构 设计、机械加工精度、应变片横向效应等因素影响<sup>[12]</sup>,几 乎作用到传感器上的每一维力/力矩分量都会对传感器 的各路输出信号产生影响,这就是维间耦合<sup>[13]</sup>。维间耦 合模型如图1所示。

图1中, $F = (F_x, F_y, F_z, M_x, M_y, M_z)^{T}$ 为传感器的6个 力/力矩分量输入, $U = (U_{Fx}, U_{Fy}, U_{Fz}, U_{Mx}, U_{My}, U_{Mz})^{T}$ 为 6路电压分量输出。由维间耦合模型可知,每一路的输出 电压值同时受6个方向的力/力矩分量影响。必须对传感 器进行解耦,减少维间耦合对测量精度的影响。

#### 1.2 静态标定装置与方法

传感器的标定分为静态标定与动态标定<sup>[14]</sup>。动态标 定主要用于检验传感器动态灵敏度、频率响应等动态特 性,静态标定主要用于测试传感器静态灵敏度、非线性、 静态耦合等指标。本文研究的是多维腕力传感器的静态 耦合,因此采用砝码重锤式静态标定方法。其标定装置 为本实验室自行研制的如图2所示的加载实验台<sup>[15]</sup>。

六维腕力传感器固定在分度盘上,传力轴穿过传感器的中轴线。标定实验中力/力矩的加载方式采用拉力方式,通过调节左右滑杆的上下位置,将砝码的垂直重力转换为水平拉力。利用加载实验台,对六维腕力传感器分别施加三维空间6个线性独立的标准力/力矩分量。实验室研制的六维腕力传感器的满量程范围为:*F<sub>x</sub>*,*F<sub>y</sub>*,*F<sub>z</sub> 方向为一100~100 N;<i>M<sub>x</sub>*,*M<sub>y</sub>*,*M<sub>z</sub>*方向为一30~30 N·m。 力方向每隔20 N作为一个测量点,*M<sub>x</sub>*,*M<sub>y</sub>*方向每隔



Fig.1 Model of interdimensional coupling



2 N·m、M<sub>z</sub>方向每隔1.6 N·m作为一个测量点,各方向载荷从零开始加载至满量程,再逐步卸载至零。 每个方向重复标定3次,记录下标定数据。

在每一次标定中,F<sub>x</sub>,F<sub>y</sub>,F<sub>z</sub>方向分别有24个测量点,M<sub>x</sub>,M<sub>y</sub>方向分别有64个测量点,M<sub>z</sub>方向共有76个测量点,每个测量点包含6路电压输出值和六维力/力矩输入值,这些测量点共同组成一组数据。选择其中两组作为解耦算法的训练数据集;第3组为测试数据集,用来进行误差分析。

## 2 基于多输出支持向量回归机的解耦算法

#### 2.1 MSVR模型

六维腕力传感器属于多输入多输出系统,基于此特性 结合1.1节提出的维间耦合模型,构建了多输出支持向量 回归机模型,如图3所示。其中x,y分别为训练数据集的 输入和输出,m和n分别为输入输出的维度。该模型将训 练数据集空间按照输出维度分割为n个子空间,每个子空 间由m维输入和1维输出构成,然后为每个子空间构建1 个 SVR,用以回归估计对应子空间的输出特性。应用到六 维腕力传感器,6路电压分量对应模型中的输入x,六维 力/力矩分量对应输出 $y,m=n=6,f(x)=\sum_{i=1}^{6}f^{i}(x)$ ,将 这6个子空间的SVR组合即为传感器的全量程输出特性。



## 2.2 MSVR算法

MSVR算法是通过对样本数据进行训练进而得出输入输出关系,实现对输出的预测。对于训练集  $T = \{(x_1, y_1)...(x_l, y_l)\} \in (X \times Y)^l, 其中 x_i \in X = R^m 为输入, y_i \in Y = R^n 为输出, f^k(x)$ 为回归函数, i=1, 2, ..., l为训练样本数, k=1, 2, ..., n, m, n为输入及输出变量的维数。采用  $\epsilon$ -带损失函数<sup>[16]</sup>:  $c(x, y, f(x)) = |y - f(x)|_{\epsilon} = \max\{0, |y - f(x)| - \epsilon\}$ , MSVR要解决的原始最优化问题为

$$\min_{w \in \mathbf{R}^{l}, b \in \mathbf{R}^{n}, \xi, \xi^{*}} \frac{1}{2} \sum_{k=1}^{n} ||w^{k}||^{2} + C \sum_{i=1}^{l} \sum_{k=1}^{n} (\xi_{i}^{k} + \xi_{i}^{k*})$$
s.t.  $((w^{k} \cdot x_{i}) + b^{k}) - y_{i}^{k} \leqslant \varepsilon^{k} + \xi_{i}^{k}$ 
 $y_{i}^{k} - ((w^{k} \cdot x_{i}) + b^{k}) \leqslant \varepsilon^{k} + \xi_{i}^{k*}$ 
 $\xi_{i}^{k}, \xi_{i}^{k*} \ge 0, i = 1, 2, \cdots, l, k = 1, 2, \cdots, n$ 
(1)

式中: $\varepsilon = \theta - \gamma$ 为训练时的精度; $\theta$ 为测试时的精度; $\gamma$ 为损失间隔;C为惩罚参数; $\xi,\xi^*$ 为间隔松弛变量  $\xi_i^k = \max\{0, |y_i^k - f^k(x_i)| - |\theta^k - \gamma^k|\}_o$ 

引入Lagrange函数<sup>[17]</sup>,其相应的Wolfe对偶问题为

$$\min_{\boldsymbol{\alpha}^{(i)} \in \mathbf{R}^{2l}} \frac{1}{2} \sum_{i,j=1}^{l} \sum_{k=1}^{n} (\alpha_{i}^{k} - \alpha_{i}^{k*}) (\alpha_{j}^{k} - \alpha_{j}^{k*}) K(x_{i}, x_{j}) + \varepsilon \sum_{i=1}^{l} \sum_{k=1}^{n} (\alpha_{i}^{k} + \alpha_{i}^{k*}) + \sum_{i=1}^{l} \sum_{k=1}^{n} y_{i}^{k} (\alpha_{i}^{k} - \alpha_{i}^{k*}) \\$$
s.t. 
$$\sum_{i=1}^{l} \sum_{k=1}^{n} (\alpha_{i}^{k} - \alpha_{i}^{k*}) = 0 \quad 0 < \alpha_{i}^{k}, \alpha_{i}^{k*} < C, i = 1, 2, \cdots, l, k = 1, 2, \cdots, n \\
K(x_{i}, x_{j}) = \Phi(x_{i}) \cdot \Phi(x_{j}), w_{i} = (\alpha_{i}^{*} - \alpha_{i}) x_{i}$$
(2)

解式(2)得到最优解 $a^{(*)}$ ,再根据KKT条件<sup>[18]</sup>求得 $\overline{b}$ ,核函数K采用径向基核函数,即可得到回归函数为

738

茅 晨 等:基于MSVR的六维腕力传感器静态解耦算法

$$f^{k}(x) = \sum_{i=1}^{l} \left( -\overline{\alpha}_{i}^{k} + \overline{\alpha}_{i}^{k*} \right) K(x_{i}, x) + \overline{b}^{k} = \sum_{i=1}^{l} -\frac{w_{i}}{x_{i}} \exp(-g \|x_{i} - x\|^{2}) + \overline{b}^{k}$$
(3)

## 3 算法实现及误差分析

为了测试本文提出的基于MSVR算法的性能,以实验室研制的六维腕力传感器的标定数据作为训 练数据集,分别用传统的基于最小二乘求解标定矩阵的解耦算法以及MSVR算法进行解耦,并对结果 进行误差分析和比较。两种算法均在MATLAB平台下实现。

#### 3.1 基于最小二乘求解标定矩阵的解耦算法实现及结果

任何加载到传感器上的作用力都能够分解为三维空间坐标系中的3个力分量*F<sub>x</sub>*,*F<sub>y</sub>*,*F<sub>z</sub>*和3个力矩 分量*M<sub>x</sub>*,*M<sub>y</sub>*,*M<sub>z</sub>*,在传感器的载荷范围内主方向的力/力矩输入与电压输出之间是线性关系,且输出电 压可以进行线性叠加,则输入输出可表示为

$$U = HF \tag{4}$$

式中:F为6×l力分量矩阵(l为训练数据样本数);U为6×l电压向量矩阵;H为6×6常数矩阵。

由求解矩阵方程最小二乘估计量的方法求得常数矩阵

$$H = U(F^{\mathrm{T}}F)^{-1}F^{\mathrm{T}}$$
<sup>(5)</sup>

在对传感器进行解耦时,自变量为传感器输出的6个电压向量,而作用在传感器上的六维力/力矩 分量是未知的,其关系式可表示为

$$F = CU \tag{6}$$

联列式(4,6)可求得

$$C = (H^{\mathrm{T}}H)^{-1}H^{\mathrm{T}}$$

$$\tag{7}$$

式中*C*即为标定矩阵,又叫解耦矩阵,是一个6×6的矩阵。求解标定矩阵*C*的过程实际上就是多元函数 最小二乘拟合的过程。为了获得较为准确的标定矩阵,要求标定的测量点数要远大于六维力/力矩传 感器的维数。

根据标定得到的训练数据集,利用MATLAB编程,得到标定矩阵C为

C =	39.4600	-1.3880	-1.0247	8.0303	1.8762	-1.8031	
	0.767 0	40.148 3	-0.7787	-1.7449	$10.046\ 2$	0.448 5	
	0.1700	-0.0039	40.142 6	-1.3359	-0.6339	-3.6619	(9)
	0.000 2	1.160 1	-0.0718	12.4125	0.082 2	-0.0519	(0)
	-1.1423	0.024 6	0.0596	0.1136	12.308 1	-0.1203	
	0.0197	0.0290	-0.0012	0.1274	-0.5978	12.281 8	

#### 3.2 MSVR算法实现及结果

基于MSVR解耦算法的实现步骤如下:

(1)根据1.2节的标定结果,得到训练数据集和测试数据集,将训练数据集和测试数据集进行校零 和归一化预处理;

(2)按照输出维度将训练数据集拆分成6个子空间,对每个子空间进行参数寻优,根据训练数据集和得到的最佳参数*C*,g,依据MSVR算法建立回归模型;

(3)利用回归模型对测试数据集进行输出预测。

各子空间的回归模型及算法评估如表1所示。

739

Tab. 1 Regression model and algorithm evaluation								
回归模型	最佳 <i>C</i>	最佳g	支持向 量个数	常数 b	均方差	平方相关 系数		
$f^{1}(x) = \sum_{i=1}^{16} - \frac{w_{i}}{x_{i}} e^{-g  x_{i} - x  ^{2}} + b$	8	0.5	16	1.475 9e-04	6.361 5e-05	0.998 5		
$f^{2}(x) = \sum_{i=1}^{17} - \frac{w_{i}}{x_{i}} e^{-g  x_{i} - x  ^{2}} + b$	8	0.5	17	0.007 8	6.389 1e-05	0.998 4		
$f^{3}(x) = \sum_{i=1}^{29} - \frac{w_{i}}{x_{i}} e^{-g\ x_{i} - x\ ^{2}} + b$	256	0.125	29	0.758 8	1.279 9e-04	0.998 5		
$f^{4}(x) = \sum_{i=1}^{15} - \frac{w_{i}}{x_{i}} e^{-g  x_{i} - x  ^{2}} + b$	4	4	15	-0.0017	3.720 7e-05	0.999 7		
$f^{5}(x) = \sum_{i=1}^{16} - \frac{w_{i}}{x_{i}} e^{-g\ x_{i} - x\ ^{2}} + b$	4	4	16	0.004 6	3.052 9e-05	0.999 7		
$f^{6}(x) = \sum_{i=1}^{22} - \frac{w_{i}}{x_{i}} e^{-g\ x_{i} - x\ ^{2}} + b$	8	1	22	-0.6906	7.688 3e-05	0.999 7		

表 1 回归模型及算法评估 Tab. 1 Regression model and algorithm evaluation

注: $x_i \in X = \mathbb{R}^6$ 为支持向量, $w_i$ 为每个支持向量的系数,由MSVR算法求出,由于个数太多,不一一列出。

## 3.3 误差分析与比较

传感器的精度指标通常用综合误差(或Ⅰ类误差)和耦合误差(或Ⅱ类误差)<sup>[19]</sup>来表示

I类误差 = 
$$\left| \frac{e_i(\max)}{y_i(F.S)} \right|$$
 (9)

II类误差 = 
$$\sqrt{\frac{\sum\limits_{i \neq j} |y_{ij}(\max)|^2}{|y_i(F.S)|^2}}$$
 (10)

式中:*y<sub>i</sub>*(F.S)表示*i*方向可施加力(或力矩)的满量程值;*e<sub>i</sub>*(max)表示*i*方向实际施加的标准力(或力矩)值 与预测得到的力(或力矩)值之差的最大值;*y<sub>ij</sub>*(max)表示当*j*方向施加力(或扭矩)值,其他5个方向无力 (或扭矩)作用时,*i*方向预测得到的最大力(或扭矩)值。 [类误差是反映传感器线性度好坏的指标, [] 类误差是反映传感器各维度间耦合情况的指标。

对第3组测试数据集,分别计算其在未解耦情况下、基于最小二乘求解标定矩阵的解耦算法下(法1 解耦)、以及本文提出的基于MSVR的解耦算法下(法2解耦)的两类误差,具体结果见表2。

为保证论文的严谨性,本文利用虚拟样机技术对样机模型进行虚拟标定<sup>[20]</sup>,获得更多仿真数据在 两种解耦算法下的精度对比,使实验结果更具有说服力。具体步骤如下<sup>[15]</sup>:(1)根据实际传感器参数尺 寸,在ANSYS软件下建立三维模型;(2)对模型进行网格划分,划分后的模型共有 296 328 个节点, 200 381 个单元;(3)按照弹性体的固定方式,对传感器设置固定约束;(4)对传感器施加满量程范围内 的、同实际标定过程中相同的等间距力/力矩加载,以实现实际场景的遍历,根据ANSYS的静力学分 析得出各方向应变ε大小;(5)根据式(11)计算各路电压分量大小。

$$U = \frac{\Delta R}{R_0} E = \varepsilon K E \tag{11}$$

式中:K=2.1为应变片的灵敏系数;E=12V为应变电桥的供电电压。由此得到虚拟标定数据集,计算 在上述3种情况下的两类误差,如表3所示。

	14012 110		in Selere und une	accouping()	under and a set of a	/ 0	
泊 关		$F_x$ 方向			F,方向		
厌 左	未解偶	法1解耦	法2解耦	未解偶	法1解耦	法2解耦	
I类误差	0.194	0.127	0.583	0.223	0.188	0.663	
Ⅱ类误差	11.219	3.638	1.939	13.466	3.613	2.427	
汨光		$F_z$ 方向			$M_x$ 方向		
厌 左	未解偶	法1解耦	法2解耦	未解偶	法1解耦	法2解耦	
I类误差	0.029	0.031	0.260	0.694	0.683	0.525	
Ⅱ类误差	14.731	12.635	0.705	5.534	1.856	1.033	
2月 关	*		<i>M</i> <sub>y</sub> 方向				
厌 左	未解偶	法1解耦	法2解耦	未解偶	法1解耦	法2解耦	
I类误差	0.729	0.671	0.524	0.373	0.367	0.404	
Ⅱ类误差	5.332	0.801	0.913	3.121	1.702	0.735	

表2 传感器未解偶时以及解耦后的精度对比(测试数据集)

Tab. 2 Precision comparison before and after decoupling (testing dataset)

表3 传感器未解偶时以及解耦后的精度对比(虚拟标定数据集)

Tab. 3 Precision comparison before and after decoupling(virtual calibration dataset)

2日 半		$F_x$ 方向			F,方向		
厌 左	未解偶	法1解耦	法2解耦	未解偶	法1解耦	法2解耦	
I类误差	0.183	0.113	0.512	0.179	0.158	0.524	
Ⅱ类误差	10.236	3.148	1.534	11.017	3.079	1.847	
		$F_z$ 方向		<i>M<sub>x</sub></i> 方向			
厌 左	未解偶	法1解耦	法2解耦	未解偶	法1解耦	法2解耦	
I类误差	0.029	0.039	0.239	0.658	0.592	0.416	
Ⅱ类误差	11.168	9.512	0.643	5.342	1.376	1.019	
				<i>M_z</i> 方向			
厌 左	未解偶	法1解耦	法2解耦	未解偶	法1解耦	法2解耦	
I类误差	0.663	0.607	0.432	0.338	0.325	0.258	
Ⅱ类误差	5.460	0.955	0.909	3.021	1.371	0.895	

分析表 2,3可知,由于实验室研制的六维腕力传感器对于主方向有着较好的线性度,在未解偶的情况下,传感器的 I 类误差就比较小,解耦算法很难在此基础上进一步提高精度,两种解耦算法解耦后的 I 类误差都在 0.7% 以内,因此两种解耦算法对 I 类误差的影响不大。

未解耦时,虽然各方向的 I 类误差很小,但 II 类误差很大,说明维间耦合很大,传感器已不能正常 工作。经两种解耦算法解耦后,各方向的 II 类误差有着显著减少,两种解耦算法都能减小维间耦合的 干扰。但是从表2,3的数据可以看出,基于最小二乘求解标定矩阵的解耦算法对F<sub>2</sub>方向的解耦效果很 不理想,解耦后耦合误差依然在9%以上;对其他5个方向的力/力矩解耦效果也一般,耦合误差在 0.8%~4%之间浮动。基于 MSVR的解耦算法的解耦效果比较稳定,对各个方向的解耦结果较均衡, 解耦后耦合误差控制在2.5% 以内。

同时,基于最小二乘求解标定矩阵的解耦算法是建立在矩阵方程式求解的基础上,如果在传感器 标定实验过程中数据存在粗大误差,或者传感器的电压输出值域空间维数大于施加的力/力矩空间维

0/

%

数时,计算式(7)中的*H*可能会接近共线性,进而导致*H*<sup>T</sup>*H*成为病态矩阵,造成( $H^{T}H$ )<sup>-1</sup>中元素取值的极度膨胀,最终影响标定矩阵*C*的稳健性和精确度。而基于MSVR的解耦算法求解过程中设有间隔松弛变量 $\xi,\xi^*$ ,能有效剔除数据中的粗大误差。

综上所述,基于 MSVR 的解耦算法解耦效果较好且较为稳定,能有效抑制维间耦合的干扰,具有较高的解耦精度。

## 4 结束语

本文研究了基于MSVR的解耦算法。以实验室研制的六维腕力传感器为例进行标定并获得标定 数据,应用传统解耦算法以及MSVR算法对其进行解耦计算。结果表明,基于MSVR的解耦算法可以 避免病态矩阵的产生,具有高可靠性和高解耦精度,可以推广应用到各种维度的传感器的解耦上。该 解耦算法已经应用到多种实际工程案例中,例如安装在肌电假手腕部用于感知外界作用力的三维力传 感器、具有力反馈功能的远程遥操作手控器、实验舱机械臂六维腕力传感器、人服系统作业能力多维 力/力矩综合测试系统等,均取得了很好的解耦效果,满足实际工程精度要求。

#### 参考文献:

- [1] 张福学.机器人学——智能机器人传感技术[M].北京:电子工业出版社, 1996.
   Zhang Fuxue. Robotics—Intelligent robot sensing technology[M]. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 1996.
- [2] 梁桥康.特殊应用的多维力/力矩传感器研究与应用[D].合肥:中国科学技术大学, 2010. Liang Qiaokang. Research on multi-dimensional F/T sensor for specific applications[D]. Hefei: University of Science and Technology of China, 2010.
- [3] 姚建涛,蔡大军,朱佳龙,等.容错并联式六维力传感器可靠性及冗余分析[J].仪器仪表学报,2015,36(8):1699-1706.
   Yao Jiantao, Cai Dajun, Zhu Jialong, et al. Reliability and redundancy analysis of fault-tolerant parallel six-axis force sensor[J].
   Chinese Journal of Scientific Instrument, 2015, 36(8): 1699-1706.
- [4] Lee S, Asada H. A perturbation/correlation method for force guided robot assembly[J]. IEEE Trans Robot Autom, 1999, 15: 764-773.
- [5] 吴涓. 六维腕力传感器的改进及机器人解耦的研究[D]. 南京: 东南大学, 2002.
   Wu Juan. Research on the improvement of six-axis wrist force sensor and the decoupling of robot[D]. Nanjing: Southeast University, 2002.
- [6] 戴先中,殷铭,王勤. 传感器动态补偿的神经网络逆系统方法[J]. 仪器仪表学报, 2004, 25(5): 593-596.
   Dai Xianzhong, Yin Ming, Wang Qin. A novel dynamic compensating method based on ANN inverse system for sensors[J].
   Chinese Journal of Scientific Instrument, 2004, 25(5): 593-596.
- [7] 马俊青,宋爱国,吴涓. 三维力传感器静态解耦算法的研究与应用[J]. 计量学报, 2011, 32(6): 517-521.
   Ma Junqing, Song Aiguo, Wu Juan. Research and application of static decoupling for 3-axis wrist force sensor[J]. Acta Metrologica Sinica, 2011, 32 (6): 517-521.
- [8] 王定成,方廷健,高理富,等.支持向量机回归在线建模及应用[J].控制与决策,2003,18(1):89-91.
   Wang Dingcheng, Fang Tingjian, Gao Lifu, et al. Support vector machines regression on-line modelling and its application[J].
   Control and Decision, 2003, 18(1):89-91.
- [9] 高嵩,唐耀庚,李兰君.基于多支持向量回归机的传感器非线性校正方法及应用[C]//中国自动化学会中南六省(区)2010年第28届年会.广州,中国:[s.n.],2010:349-353.
   Gao Song, Tang Yaogeng, Li Lanjun. Method and application of nonlinearity correction for sensors based multiple support vec-

tor regressions[C]//The 28th Annual Meeting of the Chinese Society of Automation, Central and South China (District). Guangzhou, China: [s.n.], 2010: 349-353.

[10] 张峰, 陈华伟, 李妍文. 基于多核最小二乘支持向量回归的 TDOA-DOA 映射方法[J]. 数据采集与处理, 2017, 32(3): 540-549.

#### 茅 晨 等:基于MSVR的六维腕力传感器静态解耦算法

Zhang Feng, Chen Huawei, Li Yanwen. TDOA-DOA mapping using multi-kernel least-squares support vector regression[J]. Journal of Data Acquisition and Processing, 2017, 32(3): 540-549.

- [11] 李忠国,侯杰,王凯,等.模糊支持向量机在路面识别中的应用[J].数据采集与处理,2014,29(1):146-151.
   Li Zhongguo, Hou Jie, Wang Kai, et al. Application of fuzzy support vector machine on road type recognition[J]. Journal of Data Acquisition and Processing, 2014, 29(1):146-151.
- [12] 陈雄标,姚英学,袁哲俊.六维力/力矩传感器干扰及其标定方法[J].传感器技术,1995 (2): 37-40. Chen Xiongbiao, Yao Yingxue, Yuan Zhejun. The interference and calibration method on 6-axis force/moment sensors[J]. Journal of Transducer Technology, 1995 (2): 37-40.
- [13] 肖汶斌,董文才.六维力传感器静态解耦方法[J].海军工程大学学报,2012,35 (3):46-51.
   Xiao Wenbin, Dong Wencai. Research on nonlinear static decoupling of six-axis force/torque sensor[J]. Journal of Naval University of Engineering, 2012, 35(3):46-51.
- [14] 贾伯年, 俞朴, 宋爰国. 传感器技术[M]. 南京: 东南大学出版社, 2014: 29-33.
   Jia Bonian, Yu Pu, Song Aiguo. Sensor technology[M]. Nanjing: Southeast University Press, 2014: 29-33.
- [15] 茅晨.特殊机器人用六维力/力矩传感器关键技术研究[D].南京:东南大学, 2013.
   Mao Chen. Research on key techniques of six-axis force/torque sensor for special robot[D]. Nanjing: Southeast University, 2013.
- [16] 邓乃扬,田英杰.数据挖掘中的新方法-支持向量机[M].北京:科学出版社,2004.
   Deng Naiyang, Tian Yingjie. A new method of data mining-support vector machine[M]. Beijing: Science Press, 2004.
- [17] Vapnik V, Golowich S, Smola A. Support vector method for function approximation, regression estimation and signal processing[J]. Adv Neural Infor Proc Syst, 1997: 281-287.
- [18] Ma Junshui, Theiler J, Perkins S. Accurate on-line support vector regression[J]. Neural Computation, 2003, 15(11): 2683-2703.
- [19] 曹会彬,孙玉香,刘利民,等. 多维力传感器耦合分析及解耦方法的研究[J]. 传感技术学报, 2011, 24(8): 1136-1140.
   Cao Huibin, Sun Yuxiang, Liu Limin, et al. Coupling analysis of multi-axis force sensor and research on decoupling method[J].
   Chinese Journal of Sensors and Actuators, 2011, 24(8): 1136-1140.
- [20] 张宏宇.重载并联六维力传感器模型重构理论与实验研究[D].秦皇岛:燕山大学, 2016. Zhang Hongyu. Model reconfiguration theory and experiment research of parallel six-axis force sensor with heavy load capacity [D]. Qinhuangdao: Yanshan University, 2016.

#### 作者简介:



**茅**晨(1987-),女,实验师, 研究方向:传感器信号处 理、机器人传感与控制技 术,E-mail:maochencom@ 163.com。



**宋爱国**(1968-),男,教授, 博士生导师,研究方向:机 器人传感与技术、人机交 互与虚拟现实技术。



高翔(1967-),女,教授,硕 士生导师,研究方向:虚拟 仪器及网络化测控技术、 机器人技术。



徐国政(1980-),男,副教授,硕士生导师,研究方向:康复机器人传感与网络化控制、助老助残智能服务移动机器人。

(编辑:张黄群)