改进相似性度量模型的单幅图像自学习超分辨算法

赵丽玲1,2 孙权森1

(1. 南京理工大学计算机科学与工程学院,南京,210094; 2. 南京信息工程大学信息与控制学院,南京,210044)

摘 要:在自学习超分辨算法中,高低分辨率图像块匹配是否准确是算法的关键。在高低分辨率图像 块匹配过程中,考虑图像块纹理结构的重要性,提出了一种基于纹理约束的图像块相似性度量模型,应 用该模型完成了高低分辨率图像块更为准确的匹配,使超分辨结果图像的细节更加丰富,进一步提高了 图像质量。该算法仅使用了单幅低分辨率图像自身的相关先验信息,有效提升了图像的空间分辨率。 实验结果表明,与双三次插值算法、自相似学习超分辨算法相比,本文提出的算法超分辨视觉效果更好, 并且在客观评价指标中同样表现良好。 关键词:相似性度量;方差;自学习;单幅图像;超分辨率

中图分类号: TP391.4 文献标志码:A

Single Image Super-Resolution from Local Self-examples Based on an Improved Similarity Measurement Model

Zhao Liling^{1,2}, Sun Quansen¹

School of Computer Science and Technology, Nanjing University of Science and Technology, Nanjing, 210094, China;
 School of Information and Control, Nanjing University of Information Science & Technology, Nanjing, 210044, China)

Abstract: The accurate matching of high and low resolution image blocks is the key of self-examples super resolution algorithm. In the process of blocks matching of high and low resolution images, considering the importance of texture image block structure, a similarity metric model based on constrained texture image patch is proposed in this paper. By using this exact matching model, the detail of super-resolution result image is further enriched, and the image quality is improved also. The new algorithm has the particular advantage of improving spatial resolution of image only using prior information of single low-resolution visual effect compared with the bicubic interpolation algorithm and the local self-examples super-resolution algorithm, and it also has a good performance in the objective evaluation index. **Key words**; similarity measure; variance; self-example; single image; super-resolution

引 言

高分辨率数字图像在遥感图像分析、医学检测、交通监控及公共安全等领域具有重要应用研究价

基金项目:国家自然科学基金(61273251)资助项目。

收稿日期:2016-09-06;修订日期:2016-12-06

值,有利于对感兴趣目标的提取、分析、检测和识别等。一般来说,提升数字图像分辨率的方法有两 种^[1]:硬件方法和软件方法。采用硬件方法提升数字图像分辨率,容易受成像平台、成像设备制造工艺 水平和制造成本等因素的限制,提高图像空间分辨率所需的时间周期较长、成本较高:采用软件方法提 升数字图像质量更加符合实际应用。图像超分辨(Super resolution, SR)技术是提升图像空间分辨率的 一种有效的软件方法,是指利用图像处理技术试图恢复衍射极限以外数据的过程¹¹。其中,软件超分辨 技术的发展过程可以概括为3个阶段:传统单帧图像超分辨,多帧图像超分辨和新型单帧图像超分辨。 20 世纪 60 年代, Harris^[2]和 Goodman^[3]首次提出超分辨重建率技术,指出可以通过软件方法提升图像 的分辨率,提出的 Harris-Goodman 频谱外推超分辨率方法是领域内公认最早的超分辨率图像重建方 法。随后,研究学者相继提出了能够保持超分辨图像边缘、纹理等高频信息的改进方法[4-7]:另外,解析 延拓法、长球外推法、Papoulis-Gerchberg 迭代外推法等单帧图像的超分辨方法[89]也纷纷被提出。但 是,由于引入先验信息的不足,单幅图像超分辨的进一步发展受到了制约[10-11]。1984 年 Tsai和 Huang^[12]提出了基于多幅图像的超分辨率方法,并在理论上给出了比较完美的实验结果。在之后的一 段时间里,多幅图像超分辨技术成为了研究学者关注的主流研究方向[13-14]。然而,在许多实际应用领 域,如卫星遥感、军事战场、医学检测及老照片修复等,同时获得多幅同一场景的低分辨率图像比较困 难,多幅图像的超分辨技术因此遇到了发展瓶颈。随着新的数学理论不断借鉴引入,以及计算机技术的 不断发展,近年来许多学者又重新开始投入到"单幅图像超分辨"的研究工作中[15-19],并日基于学习的单 幅图像超分辨方法逐渐成为目前研究学者关注的热点研究方向。

2002年,Freeman等^[20]首先提出了一种新型单帧图像超分辨方法(Freeman方法),即基于示例学 习(Example-based)的超分辨方法,该方法通过利用学习得到的高低分辨率图像块之间对应关系来预测 输入低分辨率图像块的高频细节信息。2004年,Chang等^[21]提出了基于领域嵌入(Neighbor embedding)的图像超分辨率重建方法,通过引入流形学习思想,获得了更好的超分辨结果。2009年,Glasner 等^[22]利用图像中重复出现的结构非局部相似性(Non-local similarity),采用图形金字塔模型,构造了一 组学习图像数据集,在不同尺度空间内寻找图像之间的相似性,超分辨效果有所提升。2010年,Yang 等^[23]在该项工作的基础上,提出了字典学习(Dictionary learning)超分辨方法,通过建立高低分辨率图 像中相似性图像块的字典,完成超分辨重建,通过学习方法生成了表达能力强且更加精确的字典,超分 辨效果更好。2011年,Freedman等^[24]提出了基于图像自相似性理论的超分辨算法(Local self-examples),即Freedman算法,该算法仅依靠图像自身的特征信息就可以完成学习训练过程,使基于学习的 超分辨算法可以不依赖外部样本就能完成字典训练。

基于学习的超分辨方法与以往超分辨方法思路不同,获得测试样本超分辨率图像的基本思路是:在 给定的训练图像集中,通过提取样本图像先验知识,计算测试样本块与训练图像块集之间的邻域对应关 系,并进行权值最优化求解,完成图像超分辨过程。其中,训练集的构造可分为依赖外部数据集和不依 赖外部数据集两种。依赖外部数据集的学习过程,对应关系建立在大量外部已知图像数据基础上,由于 外部图像的引入,不但容易带来错误的图像结构信息,而且算法耗时相当大;不依赖数据集的学习过程, 建立对应关系时直接通过对低分辨率图像本身进行变换实现,对低分辨图像高频细节的补充与其他图 像无关,算法速度快。因此,基于自学习的超分辨重建速度快,算法更容易实现。在诸多单幅图像超分 辨算法中,基于自学习的超分辨算法在实际应用中更具优势,是真正意义上的单幅图像超分辨技术,近 年来受到广泛的研究关注^[25-26]。

虽然基于自学习的超分辨重建算法有很多优势,但是仍然存在一些问题需要解决。特别是基于自 学习超分辨算法在构造高低分辨率图像块之间对应关系时,需要首先完成高低分辨率图像块之间的相 似性匹配,图像块之间匹配的准确程度与相似性度量方案的优劣有较大关系,进而影响超分辨图像质 量。如何进一步提高相似性度量方案的可靠性,提高匹配精度,保证高质量的图像超分辨效果是一项值 得研究的工作。本文提出了一种新的高低分辨率图像块之间相似性度量模型,并在 Freedman 算法框架下改进模型的计算方法,实现了超分辨图像质量的进一步提高。

1 问题分析及算法描述

1.1 图像自相似性

一幅图像在相同尺度或不同尺度中通常存在着大量具有相似性的局部结构,尤其是边缘、纹理等结构在很小的比例缩放之后其特征保持不变。图1给出了具有局部自相似性图像的例子,位于左边花瓣和花托根部的图像块(图像矩形框内部)具有相似性;位于右边的图像块虽然在尺度上有微小的变化,但同样具有高度的相似性。这种结构自相似性在数字图像中非常常见,一般在图像的边缘、线条、道路、房屋、文字以及自然景观图像中广泛存在。这些图像块之间的自相似性完全可以为基于学习的超分辨方法提供大量不依赖额外数据集的样本图像。

Freedman^[24]提出的利用图像自相似性构造高低分辨率 图像块之间对应关系的超分辨算法是此类方法的经典之作。 其算法基本框架如图 2 所示:算法建立对应高低分辨率图像 匹配关系的策略是利用经过小尺度缩放的图像 B 和 D 之间 的结构自相似性,然后将对应位置的高频图像 E 直接加载到 图像 B 中,从而实现对低分辨图像 B 的高频细节成分补充。 当待超分图像块(B 中阴影部分)的某种特征在对应图像 D 中 的一个有限区域内搜索时,需要计算每一次搜素图像块与待



图 1 图像自相似性^[24] Fig. 1 Image self similarity^[24]

超分图像块之间的匹配程度,并寻找最小匹配值,即找到与待超分图像结构最相似的图像块。

分析 Freedman 算法原理以及实验结果发现,在对有丰富纹理结构的图像进行超分辨时,算法对纹 理部分的超分辨效果并不十分理想,纹理错位和纹理混叠的情况常常发生。如图 3 所示,矩形框内出现 了错位纹理,这是由于寻找到的用于补充高频信息的高分辨图像块位置不够准确造成的。因此,Freedman 算法的超分辨效果仍存在较大提升空间。为避免将错误位置的高频信息补充到低频图像,高低分 辨率图像块之间准确的对应关系的建立非常重要。因此,度量图像块之间相似性的标准尤为关键。



图 2 Freedman 算法原理框图(以缩放倍数 3:2 为例) Fig. 2 Schematic diagram of Freedman algorithm (taking the scaling factor 3:2 as an example)



图 3 纹理错位示例(Freedman 算法实验) Fig. 3 Texture dislocation (Freedman algorithm experiment)

1.2 纹理约束的相似性度量模型

图像间共性越多、差异越少,图像相似性程度越高。因此,共性和差异性是图像之间相似性度量的 基本指标。图像相似性一般通过对表征图像信息的颜色、纹理、结构等特征进行相似度指标计算来实 现。Freedman 在度量高低分辨率图像块相似度时,采用了传统的绝对误差(Sum of absolute differences, SAD)算法,将高低分辨图像绝对值差最小值的位置作为最佳匹配,如式(1)所示。

$$S(u,v) = \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} \left| f_{1}(i,j) - f_{h}(i+u,j+v) \right|$$
(1)

式中: f_1 表示低分辨图像块像素点(i,j)处的灰度值; f_h 表示高分辨图像块像素点(i+u,j+v)处的灰度值; m,n表示图像块尺寸。

但是,SAD算法在计算过程中仅考虑了图像块中像素点灰度值的差异性,因此在实际匹配应用中 对边缘、纹理、重复的细节等区域具有较高相似性时,容易出现错误的位置匹配,造成纹理错位和混叠等 现象的发生。为了进一步增强算法的性能,本文引入匹配区域的方差进行改进,具体原理如式(2~5)所 示。

$$\operatorname{var} f_{1} = \frac{1}{m \times n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} \left[f_{1}(i,j) - \overline{f_{1}} \right]^{2}$$
(2)

$$\operatorname{var} f_{h} = \frac{1}{m \times n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} \left[f_{h}(i+u,j+v) - \overline{f_{h}} \right]^{2}$$
(3)

$$Dvar = |varf_{h} - varf_{l}|$$
(4)

$$VSAD = S(u, v) + Dvar$$
⁽⁵⁾

式中: $var f_1$ 为低分辨图像块方差; $var f_h$ 为高分辨图像块方差; VSAD(Variance sum of absolute differences)表示方差的绝对误差, 为本文改进的相似度计算指标。

本文提出的图像块相似性度量模型进一步增强了对图像块相似性程度的度量。在进行低分辨图像 块对应的高分辨图像块搜索时,计算区域内所有目标高分辨图像块的 VSAD 值,通过选取 VSAD 最小 值的位置作为高低分辨率图像块之间的最佳匹配。本模型综合考虑了图像区域平滑特征和纹理特征, 可以提高具有丰富纹理结构图像的超分辨质量。

1.3 本文算法步骤

本文采用 VSAD 计算高低分辨率图像块的相似性,对具有丰富纹理结构的相似性图像块可以提高 匹配准确度,算法步骤如下:

- Step 1 已知待超分图像 I_A , 对其进行放大(以 3: 2 为例), 得到放大后的图像 I_B 。
- Step 2 采用相反的放大因子(以 2:3 为例),反向操作于 I_A ,得到缩小后的图像 I_c 。
- Step 3 将 I_c 作用于步骤 1,得到与原图 I_A 相同大小的 I_D 。
- Step 4 计算高频图像 I_E ,其中 $I_E = I_A I_D$ 。

Step 5 使用 VSAD 对低分辨图像块进行高频补偿。具体操作是:将图像 I_B 划分成图像子块(如 5 * 5),然后对 I_B 中的某一块,在 I_D 的相应窗口区域中(如 15 * 15)用 VSAD 度量标准搜索最相似的子块,然后取出与 I_D 中最相似子块位置对应的 I_E 中高频图像子块,直接添加到 I_B 的对应图像块上,完成 该图像块的高频补偿。重复操作至所有子块都实现高频补偿。

Step 6 重复步骤(1~5),直到组合后的放大因子大于或者等于初始放大因子。如放大2倍,可以使用组合放大因子为3:2,4:3。

2 实验结果与分析

为了验证本文算法的超分辨效果,采用图 4 中 的图像作为测试图像集,比较不同算法的性能。 实验中,用本文所提出的方法直接对低分辨率图 像进行超分辨重建,放大倍数为 3 倍。本文方法



图 4 测试图像 Fig. 4 Testing images

在实现过程中没有利用任何高分辨率图像,每个实验仅使用测试集中的单幅低分辨率图像。在实际应 用中,对低分辨率图像直接运用本文方法即提升其空间分辨率,无需借助任何额外的高分辨率图像数据 集。本文所有实验均在具有 8 GB 内存的 PC 机上进行,使用 MATLAB R2012a 编程语言。

2.1 理想图像仿真实验

本节采用理想图像完成仿真实验,说明图像结 构自相似性所蕴含的信息可以作为超分辨图像的 先验知识,可用于自学习超分辨算法中建立训练图 像数据集,对提高图像质量有重要作用。仿真实验 通过黑白相间的棋盘图像作为结果如图 5 所示,图 5(a)是原始低分辨率图像,图 5(b)是双三次插值结 果,由于插值的作用图像中黑白格子之间的边界比







(a) 原始低分辨图像 (b) 双三次插值 (a) Original image (b) Bicubic interpolation (c) Proposed method

测试图像1及不同方法的超分辨结果 图 5

Fig. 5 Testing image 1 and its super-resolution results by different methods

较模糊:图 5(c)是本文方法的超分辨率结果图像,可以看出超分辨结果图像质量有所提高,边界模糊程 度减少。该仿真实验结果表明,隐含在图像中的自相似结构能够作为超分辨的先验信息,有利于超分辨 图像质量的提高。

2.2 真实图像对比实验

本节利用测试集中的真实图像进行实验证明算法的有效性,并给出不同算法间的对比实验,同时进 行客观指标的定量分析。图 6 给出了一幅人像图像不同方法超分辨的实验结果,图 6 (a) 是原始低分辨 率图像:图 6(b)是双三次插值结果,可以看出图像的边界和细节信息等由于插值的作用变得模糊:图 6 (c)是 Freedman 算法结果,相比较插值结果而言,纹理部分变得丰富,但是有错位和混淆的现象发生,影 响了整体超分辨图像的质量;图 6(d)为本文方法的结果,可以看到图像细节更加丰富,眼睛的睫毛更加 清楚,帽子的纹理更加清晰;而且纹理也没有明显的错位和混淆现象,超分辨图像质量优于前述两种方 法。图 6 中矩形框强调了各种方法对图像细节的超分辨能力,从中可以更加清楚地看到本文方法在放 大纹理结构能力上更具优势。其他测试图像的对比实验结果如图 7~9 所示。从图 7 可以进一步看出 本文算法在提高纹理图像超分辨质量上的有效作用,图7中地面的彩色条纹是典型的纹理结构,图7(b)



(a) 原始低分辨图像



(b) 双三次插值



(c) Freedman算法 (d) 本文方法 (a) Original image (b) Bicubic interpolation (c) Freedman algorithm (d) Proposed method 图 6 测试图像 2 及不同方法的超分辨结果





(a) 原始低分辨图像



(b) 双三次插值



(c) Freedman算法 (a) Original image (b) Bicubic interpolation (c) Freedman algorithm (d) Proposed method



(d) 本文方法

图 7 测试图像 3 及不同方法的超分辨结果 Fig. 7 Testing image 3 and its super-resolution results by different methods



(a) 原始低分辨图像







(a) Original image (b) Bicubic interpolation (c) Freedman algorithm (d) Proposed method

图 8 测试图像 4 及不同方法的超分辨结果 Fig. 8 Testing image 4 and its super-resolution results by different methods







(b) 双三次插值 (a) Original image (b) Bicubic interpolation (c) Freedman algorithm



(c) Freedman算法



(d) 本文方法 (d) Proposed method

图 9 测试图像 5 及不同方法的超分辨结果 Fig. 9 Testing image 5 and its super-resolution results by different methods

插值法放大的彩色条纹比较模糊,边界不清晰;图7(c) Freedman 算法放大的条纹稍清晰, 但是却有明显的错位现象; 图 7(d)本文方法放大图像的条纹特别清晰,而且几乎没有错 位和混淆发生。从4组真实图像的实验结果中可以看到,本文 方法在图像细节信息、边缘和纹理的结构等部分的超分辨视觉 效果更好。上述超分辨图像的峰值信噪比值(PSNR)如图 10 所示,其中双三次插值方法的 PSNR 均值为71.97 dB, Freedman 算法为 73.84 dB,本文方法为 75.24 dB,客观评价指标同 样进一步说明了本文方法的优势。表1为本文方法与 Freeman 方法运行效率的比较,可以看出本文算法在实现效率上较



Freeman 方法略低,这是因为在进行相似性度量时,增加了对图像块求方差的步骤,对算法的运行速度 有一定影响。综合以上主、客观评价来看,用一定的算法运行时间代价换取具有更高峰值信噪的超分辨 结果图像在实际应用过程中是可以接收的。

	Tab. 1 Comparison of program running time					s
方法	实验1	实验 2	实验 3	实验 4	实验 5	平均值
Freeman 方法	73	91	172	193	240	153.8
本文方法	356	401	720	2281	1105	972.6

表 1 算法计算效率比较

3 结束语

本文针对自学习超分辨算法对具有丰富纹理高低分辨率图像建立匹配关系时容易出现错误匹配, 从而使超分辨结果图像产生纹理错位的问题,提出了一种新的度量高低分辨率图像块之间相似性的数 学模型。该模型综合考虑了图像的平滑和纹理特征,可以更好地描述图像中平滑、边缘、纹理等重要结

构信息。在Freedman方法框架中,利用该模型实现高低分辨率图像块之间的匹配,匹配结果更加准确。 实验结果表明,采取本文方法放大图像的同时可以准确保持丰富的纹理结构信息,与双三次插值和 Freedman算法比较,本文方法可以有效提高超分辨图像质量,且客观评价指标也优于比较算法。不足 之处是本文方法的计算速度有待优化和提高。

参考文献:

- [1] 苏衡,周杰,张志浩. 超分辨率图像重建方法综述[J]. 自动化学报,2013,39(8):1202-1213.
 Su Heng, Zhou Jie, Zhang Zhihao. Survey of super-resolution image reconstruction methods[J]. Acta Automatica Sinica, 2013, 39(8):1202-1213.
- [2] Harris J L. Diffraction and resolving power, Journal of the Optical Society of America[J]. 1964, 54(7):931-936.
- [3] Goodman J W. Introduction to fourier optics[M]. New Youk: McGraw Hill, 1968:595-599.
- [4] Plaziac N. Image interpolation using neural networks[J]. IEEE Transactions on Image Processing A Publication of the IEEE Signal Processing Society, 1999, 8(11):1647-1651.
- [5] Battiato S, Gallo G, Stanco F. A locally adaptive zooming algorithm for digital images[J]. Image & Vision Computing, 2002, 20(11):805-812.
- [6] Tao H, Liu J, Tian J. Superresolution remote sensing image processing algorithm based on wavelet transform and interpolation[J]. Proceedings of SPIE—The International Society for Optical Engineering, 2002, 4898:259-263.
- [7] Rajan D, Chaudhuri S. Super-resolution imaging: Generalized interpolation for super-resolution[M]. New York: Springer US, 2006:45-72.
- [8] Dai S, Han M, Xu W. Soft edge smoothness prior for alpha channel super resolution[C]// Proc IEEE Conf Comput Vis Pattern Recognition CVPR. [S. l.]: IEEE, 2007:1-8.
- [9] Sun J, Xu Z, Shum H. Image super-resolution using gradient profile prior[C]//Proc IEEE Conf Comput Vis Pattern Recognit. [S. l.]: IEEE, 2008: 1-8.
- [10] Zhang X, Wu X. Image interpolation by adaptive 2-d autoregressive modeling and soft-decision estimation[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2008,17(6):887-896.
- [11] Mallat S, Yu G. Super-resolution with sparse mixing estimators[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2010, 19 (11):2889-2900.
- [12] Tsai R Y, Huang T S. Multi frame image restoration and registration[J]. Advances in Computer Vision and Image Processing, 1984(1): 317-339.
- [13] Aly H A, Dubois E. Image up-sampling using total-variation regularization with a new observation model[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2005, 14(10):1647-1659.
- [14] Shan Q, Li Z, Jia J, et al. Fast image/video upsampling[J]. ACM Trans Graphics, 2008,27(5):153.
- [15] Xiao L, Huang L. Edge and color preserving single image super resolution[J]. Journal of Electronic Imaging, 2014, 033002 (23):572-579.
- [16] Sun Y B, Wu Z B, Wu M, et al. Compressed sensing reconstruction of hyperspectral imagery jointly using low rank and sparse prior[J]. Tien Tzu Hsueh Pao/acta Electronica Sinica, 2014, 42(11):2219-2224.
- [17] 李晓峰,曾蕾,徐进,等. 基于特征表征的单幅图像超分辨方法 [J]. 电子科技大学学报,2015(1):22-27.
 Li Xiaofeng, Zeng Lei, Xu Jin, et al. Single image super-resolution based on the feature sign method[J]. Journal of University of Electronic Science and Technology of China, 2015(1):22-27.
- [18] 吴巧玲, 倪林, 何德龙, 等. 基于非下采样 Contourlet 变换的指纹图像超分辨率重建[J]. 数据采集与处理, 2012, 27(2): 173-178.

Wu Qiaoling, Ni Lin, He Delong. Fingerprint image super-resolution reconstruct ion based on NSCT learning[J]. Journal of Data Acquisition & Processing, 2012,27(2):173-178.

[19] 何小海,吴笛,滕奇志,等.集成超分辨率重建的图像压缩编码新型框架及其实现[J].数据采集与处理,2014,29(1):36-42. He Xiaohai, Wu Di, Teng Qizhi, et al. New image compression framework with super-resolution technique[J]. Journal of Da-

赵丽玲 等:改进相似性度量模型的单幅图像自学习超分辨算法

ta Acquisition & Processing, 2014,29(1):36-42.

- [20] Freeman W T, Jones T R, Pasztor E C. Example-based super-resolution[J]. IEEE Computer Graphics & Applications, 2002, 22(2):56-65.
- [21] Chang H, Yeung D Y, Xiong Y. Super-resolution through neighbor embedding[C]//IEEE Computer Society Conference on Computer Vision & Pattern Recognition, [S. l.]; IEEE Computer Society, 2004;275-282.
- [22] Glasner D, Bagon S, Irani M. Super-resolution from a single image[C]// International Conference on Computer Vision IEEE International Conference on Computer Vision. [S. l.]: IEEE Computer Society, 2009;349-356.
- [23] Yang J, Wright J, Huang T S, et al. Image super-resolution via sparse representation[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2010, 19(11):2861-2873.
- [24] Freedman G, Fattal R. Image and video upscaling from local self-examples[J]. ACM Transactions on Graphics, 2011, 30 (2):474-484.
- [25] Ren C, He X, Teng Q, et al. Single image super-resolution using local geometric duality and non-local similarity[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2016, 25(5):2168-2183.
- [26] Ferreira J C, Vural E, Guillemot C. Geometry-aware neighborhood search for learning local models for image superresolution[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2016, 25(3):1354-1367.

作者简介:



赵丽玲(1978-),女,博士研 究生,讲师,研究方向:计算 机视觉、图像超分辨,Email:ring_222@126.com。



孙权森(1963-),男,博士, 教授,研究方向:图像复原、 模式识别理论等。

(编辑:夏道家)