

超声特征信号评价金属蜂窝构件钎焊质量

陈思晨¹, 吴伟¹, 郑雪鹏², 张全红¹

(1. 南昌航空大学无损检测技术教育部重点实验室, 南昌 330063; 2. 上海航天精密机械研究所, 上海 201600)

摘要: 金属蜂窝构件钎焊质量通常以钎着率(单位面积内检测到的焊合面积占比)为指标进行评价。实际生产中采用超声C扫幅值成像无损检测,以GH4099高温合金薄壁窄筋蜂窝板件为研究对象,提出基于超声A扫信号特征值参数的无监督机器学习分类方法。首先在数字超声信号提取时域、功率谱上各8个特征值;其次对数据进行标准化处理、主成分分析(Principal components analysis, PCA)降维,得到各自贡献率为95%以上的前3组共6个主成分值;然后以这些值为特征值作为输入进行K均值、高斯混合模型聚类、模糊C均值聚;最后采用多分类器融合算法提高模型准确率,将分类结果可视化与超声C扫图像比对,验证分类评价效果。12组数据实验结果表明:3种聚类算法成像结果与超声C扫结果一致,其中融合投票计算比于单分类器更为准确,为非监督机器学习方法在超声信号评价蜂窝构件钎焊质量中的应用提供了新思路。

关键词: 蜂窝构件;超声信号;聚类算法;机器学习;钎焊质量

中图分类号: TB331 **文献标志码:** A

Evaluation of Brazing Quality of Metal Honeycomb Components by Ultrasonic Characteristic Signals

CHEN Sichen¹, WU Wei¹, ZHENG Xuepeng², ZHANG Quanhong¹

(1. Key Laboratory of Non-destructive Testing Technology, Nanchang Hangkong University, Nanchang 330063, China; 2. Shanghai Spaceflight Precision Machinery Research Institute, Shanghai 201600, China)

Abstract: The brazing quality of metal honeycomb components is usually evaluated by the brazing rate (the proportion of the welded area detected in the unit area) as an indicator. In actual production, the GH4099 superalloy thin-walled narrow-ribbed honeycomb panel is used as the research object, ultrasonic C-scan amplitude imaging is used for non-destructive testing, and an unsupervised machine learning classification method based on the eigenvalue parameters of ultrasonic A-scan signal is proposed. Firstly, eight eigenvalues are extracted in the time domain and power spectrum of the digital ultrasound signal, respectively. Secondly, the data is standardized and reduced the dimensionality by using principal components analysis (PCA) to obtain the top three groups with six principal component values, which have respective contribution rates of more than 95%. Then these values are used as eigenvalues to perform K-means clustering, Gaussian mixture model clustering, and fuzzy C-means clustering as the input. Finally, the multi-classifier fusion algorithm is used to improve the accuracy of the model, and the classification results are visualized and compared with the ultrasound C-scan amplitude imaging to verify the

classification evaluation effect. Experimental results of twelve groups of data show that the imaging results of the three clustering algorithms are consistent with those of the ultrasound C-scan amplitude imaging, in which the fusion voting calculation is more accurate than the single classifier. The study provides new ideas for an unsupervised machine learning method in ultrasound signal for evaluating the quality of honeycomb component brazing.

Key words: honeycomb component; ultrasonic signal; clustering algorithm; machine learning; brazing quality

引 言

高温合金蜂窝结构是航空航天产品的一种重要构件,具有耐高温、强度高和轻量化等优点。这种结构常用的组合连接方式为钎焊,典型构件以板状结构为主。上下蒙皮层最小厚度为0.4 mm,蜂窝壁厚度最小为0.1 mm,钎料层厚度最小可达0.04 mm,某薄壁窄筋蜂窝典型构件示意如图1(a)所示。最上、最下两薄层为高温合金蒙皮,中间层为高温合金材质蜂窝芯,将薄厚度的钎料层置于上下蒙皮与蜂窝之间,然后施加高温使钎料熔化完成焊接。

钎料通常是铅锡合金,熔点低于450℃,接头强度小(≤ 70 MPa),称为软钎焊;以铜锰和镍为基的钎料熔点高于450℃,接头强度高(≥ 200 MPa)称为硬钎焊,航空航天用蜂窝结构多用硬钎焊。尽管钎焊材料不同,但质量检验最常见的缺陷是填隙不良、钎缝气孔、夹渣、开裂及钎料流失、熔蚀熔透等^[1],一般表现为气孔、裂纹类形貌。由于蜂窝结构的特殊性以及钎焊过程不可逆,对钎焊质量评价方法目前还没有统一标准。从本质上来说,钎焊也可以看成是一种粘结方式,文献[2]研究了基于激光剪切散斑成像的橡胶-金属粘结质量评价,文献[3]研究了蜂窝夹芯板兰姆波传播规律,但这些方法在实际生产检测中应用并不常用。

超声检测C扫成像由于设备简单、检测效率高等优点在产品质量控制中得到了广泛应用^[4],通常实际检测中以钎着率评价焊接质量,某典型件超声C扫成像如图1(b)所示。文献[5]分别从超声A扫信号和C扫成像方面对复合材料蜂窝结构粘接品质进行了可视化研究;文献[6]基于超声相控阵技术,对蜂窝复合材料进行了成像检测。

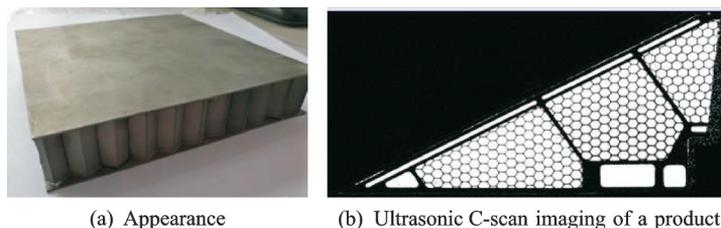


图1 典型金属蜂窝钎焊结构

Fig.1 Typical metal honeycomb brazing structure

然而,超声C扫成像本质上的关注点还是在超声信号的幅值上,钎着率计算方法是在C扫图像上进行数字图像处理,其结果准确性缺乏相应比对验证。因此如何基于超声信号本身特征并结合机器学习方法来判别缺陷并将结果可视化,无疑是值得研究的方向。文献[7]针对超声特征信号进行模糊模式识别,发现复合材料具有紧贴脱粘缺陷,文献[8-9]分别研究了超声波特征参数优化及其应用。这些研究成果表明,利用超声波特征信号可以有效反映缺陷类别。本文研究基于蜂窝结构不同位置的超声检

测时域频域上多个特征信号,对其进行主成分分析(Principal component analysis, PCA)降维,以降维后的特征值为输入进行非监督学习下的聚类分析,采用多分类器融合算法对3种聚类方法综合评判以提高准确率,最后对聚类结果可视化,实现一种钎焊蜂窝构件超声检测成像的新方法。

1 蜂窝构件超声 A 扫信号及特征参数

对图 1(b)所示某 GH4099 高温合金薄壁窄筋蜂窝板件典型构件(蒙皮和蜂窝壁厚度均为 0.8 mm)进行水浸超声纵波直入射检测,扫查范围 3 000 mm×1 500 mm,扫查步距 0.1 mm,探头频率 30 MHz,晶片尺寸 0.25 英寸(0.635 cm),采集频率 100 MHz,采样精度 8 位,每个 A 扫波形采样点为 340 个。

1.1 超声场分布仿真

超声波检测中,探头频率在 0.5~30 MHz,根据超声理论,波的绕射使得缺陷检出尺寸约为波长 $\lambda/2$,所以高频探头更有利于发现细小缺陷。研究选用激励信号 30 MHz 探头频率直接耦合方式,利用有限元仿真超声声场在蜂窝构件上分布,主要有蜂窝腔上方区域、钎焊区域位置和筋板 3 个位置,各个声场分布如图 2 所示。

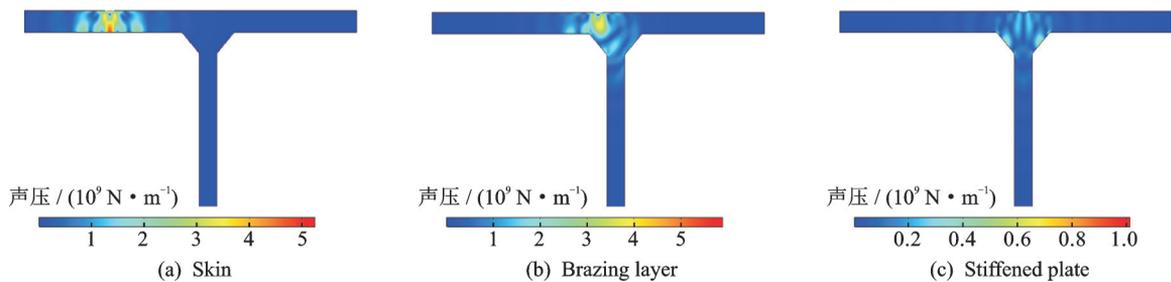


图 2 蜂窝板不同位置声场模拟

Fig.2 Sound field simulation of honeycomb panel at different positions

探头发出的超声波束穿过蜂窝孔上方蒙皮处时,声波从上层蒙皮的上表面入射,在蒙皮内经过多次反射、折射以及衰减,声波强度会伴随着反射次数的增加而减弱;波束穿过钎焊部位焊合边缘区域处时,声波从上层蒙皮的上表面入射,声波在钎焊部位焊合边缘区域产生了反射、斜反射现象,小部分超声信号会沿入射方向的反方向反射被超声探头所接收,大部分超声波沿一定角度射入钎料的其他位置,不被探头接收,由于反射波的能量较小,探头只能接收到一次底波或微弱的二次底波;波束穿过钎焊部位正中心蜂窝壁正上方时,由于蜂窝壁内衰减系数较大,声波快速衰减,声束两边两部分声波只有极小一部分声波被超声探头所接收到,信号上反映为极微弱的一次回波。

1.2 超声检测 A 扫信号及特征参数

上述分析表明,不同位置的 A 扫波形在时域上有着明显的区别,可以把这些波形信号看成一系列按时间分布的数据进行统计分析。

功率谱密度(Power spectral density, PSD)定义了时间序列的功率如何随频率分布^[10],显然 3 个特定位置的信号由于传播方式的不同,各信号的功率谱密度表现形式也有差异。常见的功率谱密度估计有 Yule-Walker 功率谱密度估计(Yule-Walker PSD estimate)、修正协方差功率谱密度估计(Modified covariance PSD estimate, MCPSD)、Burg 功率谱密度估计(Burg PSD estimate)、Welch 功率谱密度估计(Welch PSD estimate)。3 个位置时域波形及功率谱如图 3 所示。

提取图 3 中 3 个位置上的 4 个功率谱密度中幅值-频率最大点作为频域特征值,如表 1 所示。

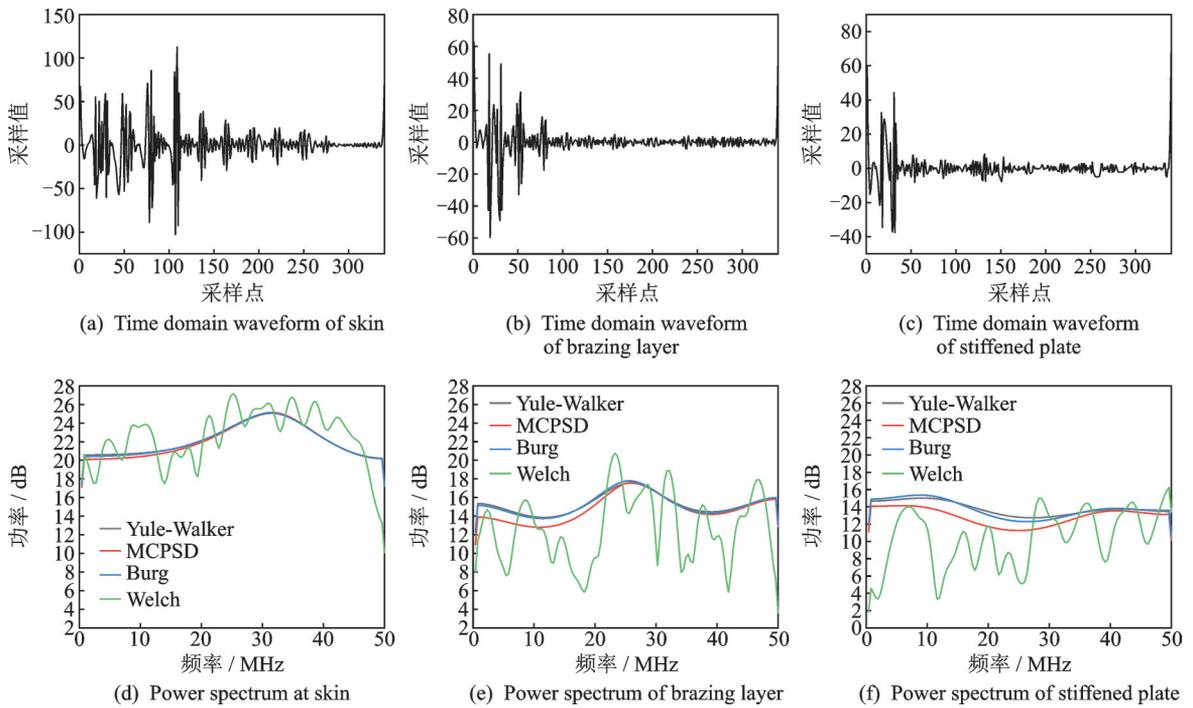


图3 A扫波形及功率谱

Fig.3 A-scan waveform and power spectrum

表1 功率谱密度特征参数

Table 1 Characteristic parameters of power spectral density

位置	Yule-Walker		MCPSD		Burg		Welch	
	幅值/dB	频率/MHz	幅值/dB	频率/MHz	幅值/dB	频率/MHz	幅值/dB	频率/MHz
蒙皮	24.79	32.12	25.23	32.64	25.43	28.59	26.7	26.63
钎焊层	17.2	23.8	17.47	25.02	14.97	25.39	16.44	25.744
筋板	15.26	8.24	14.52	4.48	15.25	7.615	16.52	31.108

超声 A 扫波形单从时间-幅值上来看,按统计特征可以得到如表 2 所示的特征参数^[11],其中峰值因子代表峰值在波形中的极端程度,能够表现微小缺陷回波与噪声之间的差异;峭度因子和脉冲因子与峰值因子的物理意义相似,用来检测信号中是否有突出波形;裕度因子能够反映微小缺陷回波与噪声回波的幅值分布情况。

表2 时域特征参数

Table 2 Time domain characteristic parameters

位置	峰峰值	标准差	峭度	波形因子	峰值因子	峭度因子	脉冲因子	裕度因子
蒙皮	196.35	21.780 3	7.677	1.784 4	9.034	196 467	15.344 2	21.896 8
钎焊层	134.38	9.763 3	20.058	2.408 6	10.996	383 488	25.667 3	41.405 3
筋板	107.94	9.548 2	27.668	2.316 1	12.311	353 080	29.067 3	41.399 4

1.3 基于PCA的特征参数降维

上述8个时域特征值可以较全面地反映钎焊层接合质量,但存在维数多、量纲不统一的问题,可以用PCA方法进行降维分析^[12]。该方法是将 P 个指标重新组合成一组新的互相无关的综合指标,用 F_1 (第一个综合指标)的方差来表达,即 $\text{Var}(F_1)$ 越大,表示 F_1 包含的信息越多。在所有的线性组合中选取的 F_1 应该是方差最大, F_1 称为为第一主成分。如果第一主成分不足以代表原来 P 个指标的信息,再选取 F_2 即选第二个线性组合, F_1 中已有的信息就不再出现在 F_2 中, F_2 称为第二主成分,依此类推可以构造出第 P 个主成分^[13]。

所有检测信号的时域和频域各有8个特征量,因此分别对应了8个特征值,根据特征矩阵求出特征值分布如图4(a)所示。时域第一主成分特征值为6.9754,占比为87.19%,频域第一主成分特征值为7.2473,占比为90.59%,分别代表了时域和频域的主要特征,绘出这两者之间某扫查区域10000个数据的散点分布如图4(b)所示。

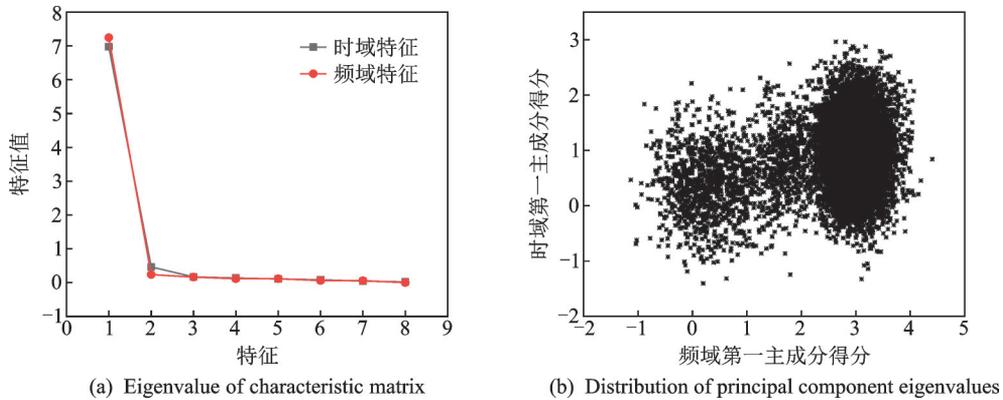


图4 超声信号时域频域信号PCA分析

Fig.4 PCA analysis of ultrasonic signal in time and frequency domains

2 超声信号特征参数聚类

按照上述方法对特征值在时域和频域降维后,由图4(a)知,时域前3个特征值占比为95.11%,频域前3个特征值占比为95.61%,以这6个特征值作为输入,采用机器学习中的非监督聚类方法对数据分析^[14]。

2.1 K-means 聚类

K-均值(K-means)是最普遍的聚类方法,给定样本集 $D = \{x_1, x_2, \dots, x_m\}$,该算法对聚类所得簇划分 $C = \{C_1, C_2, \dots, C_k\}$,最小化平方误差^[15]为

$$E = \sum_{i=1}^k \sum_{x \in C_i} \|x - \mu_i\|_2^2 \quad (1)$$

式中 $\mu_i = \frac{1}{|C_i|} \sum_{x \in C_i} x$ 是簇 C_i 的均值向量。

算法步骤为:

- (1)输入样本 $D = \{x_1, x_2, \dots, x_m\}$,聚类簇数 k ;
- (2)从 D 中随机选择 k 个样本作为初始均值向量 $\{\mu_1, \mu_2, \dots, \mu_k\}$;

(3) 令 $C_i = \phi(1 \leq i \leq k)$;

(4) 计算样本 x_j 与各均值向量 $\mu_i (1 \leq i \leq k)$ 的距离 $d_{ji} = \|x_j - \mu_i\|_2$, 由距离最近的均值向量确定 x_j 的簇标记 $\lambda_j = \arg \min_{i \in \{1, 2, \dots, k\}} d_{ji}$, 将样本 x_j 划入相应的簇: $C_{\lambda_j} = C_{\lambda_j} \cup \{x_j\}$;

(5) 计算新均值向量 $\mu'_i = \frac{1}{|C_i|} \sum_{x \in C_i} x$, 并更新;

(6) 重复步骤(2~5), 直到当前均值向量未更新, 然后输出簇划分 $C = \{C_1, C_2, \dots, C_k\}$ 。

2.2 高斯混合聚类

高斯混合模型(Gaussian mixture model, GMM)的概率密度函数可以由 K 个多元高斯分布组合成的混合分布表示。混合高斯模型的定义为

$$P(y|\theta) = \sum_{k=1}^K \alpha_k \phi(y|\theta_k) \quad (2)$$

式中: $\alpha_k \geq 0$ 表示每个高斯分布的权重, 且 $\sum \alpha_k = 1$; $\phi(y|\theta_k)$ 表示第 k 个高斯分布的概率密度, 即第 k 个分模型, 参数 $\theta_k = (\mu_k, \sigma_k^2)$, 其表达式为

$$\phi(y|\theta_k) = \frac{1}{\sqrt{2\pi} \sigma_k} \exp\left(-\frac{(y - \mu_k)^2}{2\sigma_k^2}\right) \quad (3)$$

高斯混合模型是 K 个高斯分布的线性组合, 首先假设所有的样本可以分为 K 类, 每类的样本服从一个高斯分布, 学习过程就是去估计 K 个高斯分布的概率密度 $\phi(y|\theta_k)$, 以及每个高斯分布的权重 α_k 。每个观测样本出现的概率就表示为 K 个高斯分布概率的加权。聚类过程就是对于某个样本 y_i , 将该样本代入到 K 个高斯分布中求出属于第 K 个类别的概率, 即

$$\frac{\alpha_k \phi(y_i|\theta_k)}{\sum_{k=1}^K \alpha_k \phi(y_i|\theta_k)} \quad j = 1, 2, \dots, N; k = 1, 2, \dots, K \quad (4)$$

选择概率值最高的那个类别作为该样本的最终归属, 把所有样本归入 K 个类完成聚类过程。

2.3 模糊 C 均值聚类

模糊 C 均值聚类算法(Fuzzy C -means, FCM)是根据每个数据点的隶属度度量该点属于某一类程度的算法, 其原理是把 n 个向量 $x_i (i = 1, 2, \dots, n)$ 分为 c 个模糊组, 并求各组的聚类中心, 使非相似性指标的价值函数最小, 每个给定数据点用 $[0, 1]$ 隶属度来确定它属于各个组的程度, 整个数据集的隶属度和等于 1, 即

$$\sum_{i=1}^c u_{ij} = 1 \quad \forall j = 1, 2, \dots, n \quad (5)$$

价值函数为

$$J(U, c_1, c_2, \dots, c_c) = \sum_{i=1}^c J_i = \sum_{i=1}^c \sum_{j=1}^n u_{ij}^m d_{ij}^2 \quad (6)$$

式中: $u_{ij} \in (0, 1)$, c_i 为模糊组 i 的聚类中心, $d_{ij} = \|c_i - x_j\|$ 为第 i 个聚类中心与第 j 个数据点间的欧氏距离, $m \in [1, \infty)$ 是一个加权指数。使得式(6)达到最小的必要条件为

$$c_i = \frac{\sum_{j=1}^n u_{ij}^m x_j}{\sum_{j=1}^n u_{ij}^m} \quad (7)$$

$$u_{ij} = \frac{1}{\sum_{k=1}^c \left(\frac{d_{ij}}{d_{kj}} \right)^{\frac{2}{m-1}}} \quad (8)$$

算法步骤为:

- (1)按式(5)初始化隶属矩阵 U ;
- (2)用式(7)计算 c 个聚类中心 c_i ;
- (3)按式(6)计算价值函数,如果小于某个确定的阈值则算法停止;
- (4)按式(8)计算新的 U 矩阵,返回第(2)步。

2.4 聚类分析结果评价

聚类分析是一种无监督学习方法,评价分类结果是基于簇间距离,要求簇内尽量紧密,簇间尽量远离,轮廓系数是评价类的密集与分散程度指标^[12],可表达为

$$S = \frac{b - a}{\max(a, b)} \quad (9)$$

式中: a 代表同簇样本到彼此间距离的均值; b 代表样本到除自身所在簇外最近簇的样本的均值; S 取值在 $[-1, 1]$ 之间。 S 接近1表示样本所在簇合理, S 接近-1表示 S 更应该分到其他簇中。

对特征信号进行以上3种方法聚类分析,分别以频域第一主成分得分和时域第一主成分得分做出分类结果及轮廓图评价,结果如图5所示,其中分类1、2、3分别对应于筋条位置、钎焊位置和蒙皮位置。从图中可以看出,3种聚类结果比较相近,从轮廓图对比来看, K -means 聚类效果更为合理一些。

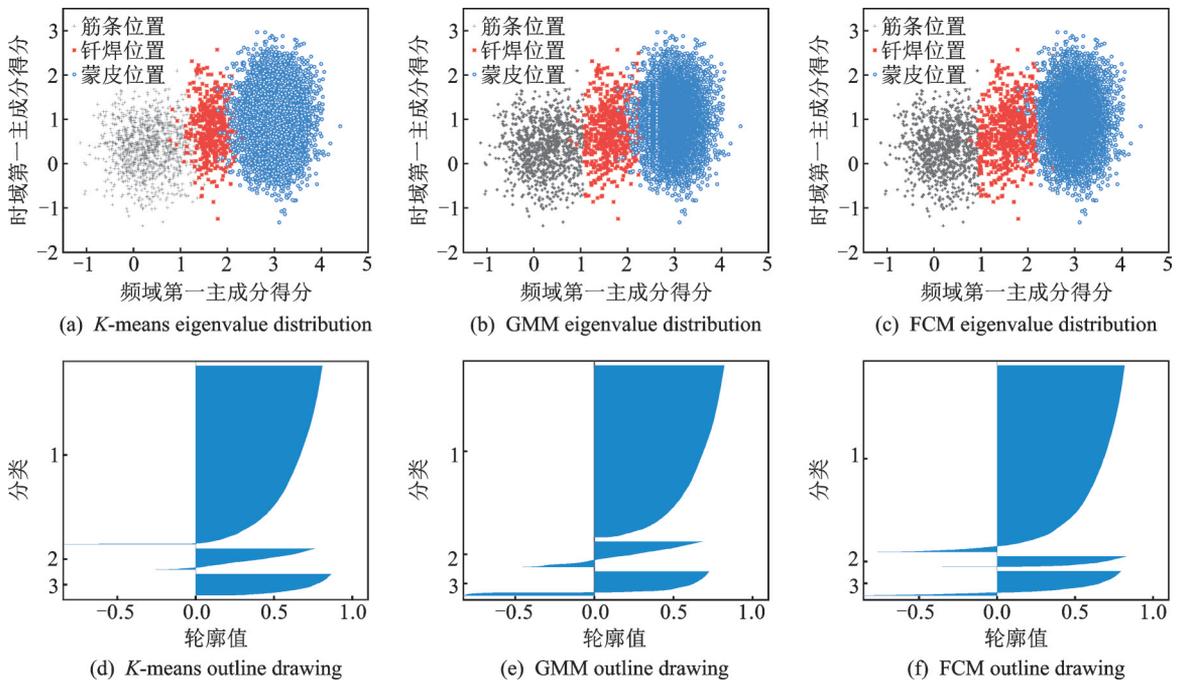


图5 超声特征信号聚类分析及评价

Fig.5 Clustering analysis and evaluation of ultrasonic characteristic signals

3 多分类器融合及分类结果可视化

单个聚类分析相当于一个单分类器, 受限于模型本身算法特点, 不同聚类结果也不尽相同。因此采用多分类器融合算法综合评价聚类结果, 其中最常用的方法是投票法, 其基本原理是根据单分类器分类结果统计, 每种单分类器(即一种聚类算法)对检测点都投一票, 统计各类别的投票个数。设第 i 个 A 扫信号在第 j 个分类器的投票数为 B_{ij} , 共有 N 个分类器, 则第 i 个点的投票总数为 S_i , 其中 $i=1, 2, \dots, I$, 则有

$$S_i = \sum_{j=1}^N B_{ij} \quad (10)$$

前述采用了 3 种聚类方法对检测点进行分类评估, 即针对某一检测位置, 3 种聚类方法中有两个以上判别为哪一类, 即认为该位置处于哪类。

3.1 分类结果可视化

取 $100 \text{ mm} \times 100 \text{ mm}$ 扫查区域, 分别采用 K -means、GMM 和 FCM 3 种聚类方法对分类结果可视化, 每类用一种颜色表示, 得到检测图像如图 6 所示。

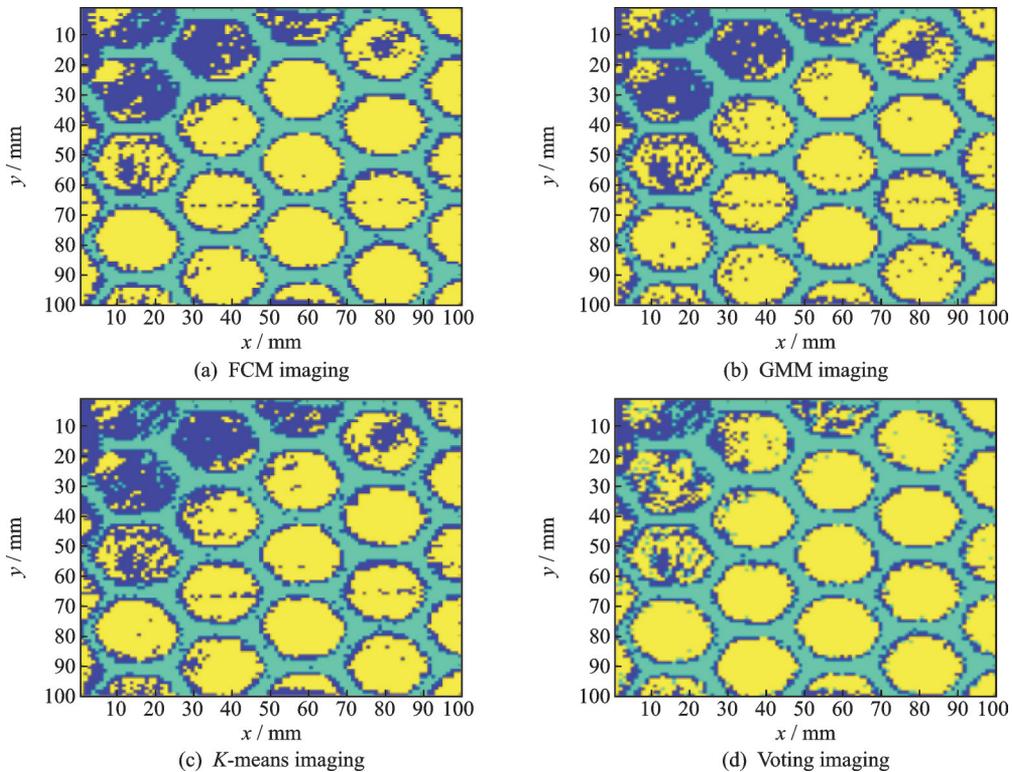


图 6 分类结果可视化

Fig.6 Visualization of classification results

从图 6 可以看出, 经投票法对采样点分类的效果比单一聚类图像分界更为清晰, 效果更好。

3.2 以超声 C 扫图像为标准的可视化评价

实际应用中蜂窝结构超声 C 扫图像计算钎着率, 由于这种图像是基于幅值成像方式, 需要对图像进行滤波、边缘提取、腐蚀和膨胀等一系列图像处理, 原始扫描与处理后图像如图 7 所示。

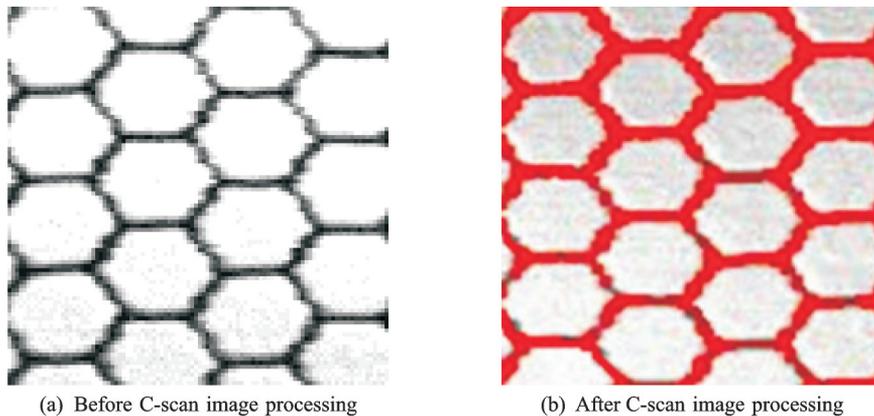


图7 局部超声C扫描图像处理前后

Fig.7 Before and after processing of local ultrasound C-scan image

为评价本文研究无监督学习分类效果,以超声C扫图像结果为标准,取图1(a)所示工件中12组100 mm×100 mm面积的A扫信号分析,并求其钎着率与C扫图像计算差别,结果对比如图8所示。由图8可知,非监督学习下的聚类分析与C扫结果一致,其中投票融合算法比单一聚类算法更为接近。

4 结束语

本文研究非监督学习下的超声检测特征信号聚类方法,从时域和功率谱两个方面寻找特征信号,基于PCA进行主成分降维,各取前3个主成分作为输入,建立K-means、GMM和FCM 3种算法模型将检测信号分为3类,最后基于投票法融合决策并将结果可视化,

用于评价薄壁穿筋蜂窝钎焊质量,结果表明与超声C扫成像检测效果一致。在目前实际生产中蜂窝结构钎焊质量超声C扫图像检测尚无统一标准的情况下,本文提供了良好的对比验证方法。

参考文献:

- [1] 王帅. 蜂窝夹层结构钎接部位的缺陷种类与显微组织[J]. 理化检验(物理分册), 2015, 51(9): 643-648.
WANG Shuai. Defect type and microstructure of brazing part of honeycomb sandwich structure[J]. Physical Testing and Chemical Analysis(Physical Testing), 2015, 51(9): 643-648.
- [2] LIU Bin, GUO Xingming, QI Gongjin, et al. Quality evaluation of rubber-to-metal bonded structures based on shearography[J]. Science China(Physics, Mechanics & Astronomy), 2015, 58(7): 54-61.
- [3] SEYED M, HOSSEIN H, ULRICH G. Numerical simulation of the Lamb wave propagation in honeycomb sandwich panels: A parametric study[J]. Composite Structures, 2013, 97: 189-201.
- [4] 谢凯文, 杜丽婷, 张斌, 等. 钎焊蜂窝夹层结构的超声检测技术研究[J]. 无损探伤, 2014, 38(4): 24-25, 30.
XIE Kaiwen, DU Liting, ZHANG Bin, et al. Research on ultrasonic testing technology of brazed honeycomb sandwich structure[J]. Nondestructive Testing Technology, 2014, 38(4): 24-25, 30.
- [5] 史俊伟, 刘松平, 程文礼. 复合材料蜂窝夹层结构制件的超声可视化无损检测[J]. 无损检测, 2015, 37(3): 39-43, 46.
SHI Junwei, LIU Songping, CHENG Wenli. Visible ultrasonic nondestructive testing methods for composite honeycomb sand-

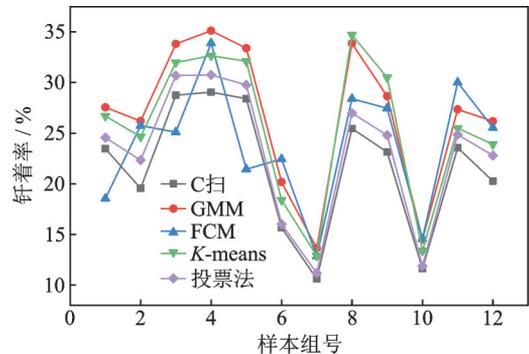


图8 聚类分析与超声C扫钎着率对比

Fig.8 Comparison between cluster analysis and ultrasonic C-scan brazing rate

- wich structure[J]. Nondestructive Testing, 2015, 37(3): 39-43, 46.
- [6] 小白宝,孙建罡,周建平,等. 超声相控阵技术检测蜂窝复合材料案例[J]. 无损检测, 2013, 35(12): 46-48.
BAI Xiaobao, SUN Jiangang, ZHOU Jianping, et al. Honeycomb structure composite inspection with ultrasound phased-array technology[J]. Nondestructive Testing, 2013, 35(12): 46-48.
- [7] 何琦,欧三立. 基于模糊模式识别的紧贴脱粘的超声检测[J]. 中国特种设备安全, 2019, 35(6): 59-61, 68.
HE Qi, OU Sanli. Ultrasonic detection based on fuzzy pattern recognition[J]. China Special Equipment Safety, 2019, 35(6): 59-61, 68.
- [8] 王丽莎,李梦洁,汪路明,等. 基于多特征优化的超声波缺陷分类识别方法研究[J]. 浙江树人大学学报(自然科学版), 2017, 17(3): 12-16.
WANG Lisha, LI Mengjie, WANG Luming, et al. Research on defect classification and recognition based on multi-feature optimization in ultrasonic detection[J]. Journal of Zhejiang Shuren University(Acta Scientiarum Naturalium), 2017, 17(3): 12-16.
- [9] 刘松平,刘菲菲,傅天航,等. 复合材料结构中R区超声反射信号特征及其检测应用[J]. 无损检测, 2016, 38(12): 1-5, 64.
LIU Songping, LIU Feifei, FU Tianhang, et al. Ultrasonic reflected signals characterization resulted from R-zone in composite structures[J]. Nondestructive Testing, 2016, 38(12): 1-5, 64.
- [10] 宋知用. MATLAB数字信号处理85个实用案例精讲——入门到进阶[M]. 北京:北京航空航天大学出版社, 2016.
SONG Zhiyong. 85 practical cases of MATLAB digital signal processing—Entry to advanced[M]. Beijing: Beijing University of Aeronautics and Astronautics Press, 2016.
- [11] 宋承天,蒋志宏,潘曦,等. 随机信号分析与估计[M]. 北京:北京理工大学出版社, 2018.
SONG Chengtian, JIANG Zhihong, PAN Xi, et al. Random signal analysis and estimation[M]. Beijing: Beijing Institute of Technology Press, 2018.
- [12] 谢中华. MATLAB统计分析与应用40个案例分析[M]. 2版. 北京:北京航空航天大学出版社, 2015.
XIE Zhonghua. Statistical analysis and application of MATLAB 40 case studies[M]. 2nd ed. Beijing: Beijing University of Aeronautics and Astronautics Press, 2015.
- [13] 刘欣,余贤栋,唐永旺,等. 基于特征词向量的短文本聚类算法[J]. 数据采集与处理, 2017, 32(5): 1052-1060.
LIU Xin, SHE Xiandong, TANG Yongwang, et al. Short text clustering based on feature word embedding[J]. Journal of Data Acquisition and Processing, 2017, 32(5): 1052-1060.
- [14] 宦若虹,陶一凡,陈月,等. 多线性主成分分析和张量分析的SAR图像目标识别[J]. 数据采集与处理, 2018, 33(5): 872-879.
HUAN Ruohong, TAO Yifan, CHEN Yue, et al. SAR image target recognition based on multi-linear principal component analysis and tensor analysis[J]. Journal of Data Acquisition and Processing, 2018, 33(5): 872-879.
- [15] 周志华. 机器学习[M]. 北京:清华大学出版社, 2016.
ZHOU Zhihua. Machine learning[M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2016.

作者简介:



陈思晨(1994-),男,硕士研究生,研究方向:机器学习等,E-mail:787978287@qq.com。



吴伟(1970-),通信作者,男,教授,研究方向:测试技术等, E-mail: wuwei@nchu.edu.cn。



郑雪鹏(1994-),男,助理工程师,研究方向:超声检测等,E-mail:389927365@qq.com。



张全红(1969-),女,讲师,研究方向:无损检测等,E-mail:108863857@qq.com。